

講義日程

講義ノートURL

<http://www.osakac.ac.jp/labs/s-jeong/mechadesign1>

- 第1回： 機械設計及び機械材料
- 第2回： 許容応力1(静荷重、繰返し荷重)
- 第3回： 許容応力2(衝撃荷重、応力への影響因子)
- 第4回： 安全率
- 第5回： ねじの基礎
- 第6回： ねじの締め付け力と締め付けトルク
- 第7回： **ねじの強度**
- 第8回： **中間試験**
- 第9回： キー、スプライン及びセレーション
- 第10回： 軸の設計
- 第11回： 軸継手
- 第12回： クラッチ
- 第13回： リベット継手、溶接継手とその設計
- 第14回： はめあい及び表面粗さ
- 第15回： **前期試験**

講義目標

1. 各荷重におけるねじ部品の強さを理解する



2.2.5 ねじ部品の強度

1. 静的引張力を受けるおねじの強さ すでに取り付けられている状態

$$P = \sigma A_e$$

破断引張力

引張強さ

有効断面積



$$A_e = \frac{\pi}{4} \left(\frac{d_2 + d_3}{2} \right)^2$$

おねじの呼び径

$$d_3 = d - 1.227P_p \quad \text{又は}$$

$$(d_2 + d_3)/2 = d - 0.9382P_p \quad \text{ねじのピッチ}$$

□ 動的時又は簡易的な静的時、谷の面積を利用

おねじの谷の径 $d_1 = \sqrt{4P/\pi\sigma} = 1.13\sqrt{P/\sigma}$

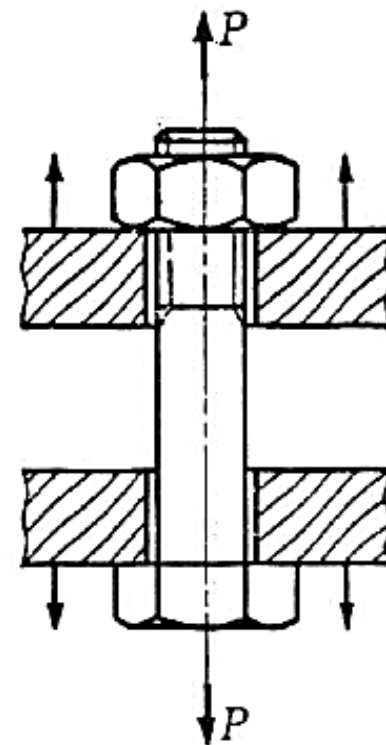


図 2・21 おねじの引張り

2. 引張力又は圧縮力とねじりを受けるおねじの強さ

スパナ等で締付ける場合

ねじの谷径でのせん断応力

$$\tau = \frac{T}{\pi d_1^3 / 16} = \frac{4T}{d_1 A_1},$$

ねじの谷径 \rightarrow $\pi d_1^3 / 16$ \rightarrow $d_1 A_1$ (ねじの断面積)

許容引張応力

$$\sigma = \frac{P}{A_e}$$

締付トルクTと軸方向の力Pとの関係

$$T = \frac{d_2}{2} \tan(\beta + \rho'_1) P$$

有効径 \rightarrow d_2

$$\frac{\tau}{\sigma} = 2 \frac{d_2}{d_1} \frac{A_e}{A_1} \tan(\beta + \rho'_1)$$

□ せん断ひずみエネルギー説によると、相当引張応力は、

$$\sigma_e = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2} = \sigma \sqrt{1 + 3(\tau/\sigma)^2} \quad (1.27 \sim 1.42)\sigma$$

単純引張応力時の1.35倍

3. 締付後さらに引張力を受けるおねじの強さ

外力を受ける場合

圧縮
変位

$$\delta_A = \frac{P_0}{k_A}$$

初期締付力

被締付物の圧縮ばね定数

引張
変位

$$\delta_B = \frac{P_0}{k_B}$$

初期締付力

ボルトの引張圧ばね定数

ボルトに外力Pが作用すると、

□ ボルト

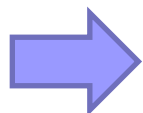
引張変位: $(\delta_B + \delta)$

引張力: P_1

□ 被締付物

縮み変位: $(\delta_A - \delta)$

圧縮力: P_a



$$P_1 = P + P_a \text{ でつり合う}$$

図 2・22 締付物に外力が加わったときの力の関係

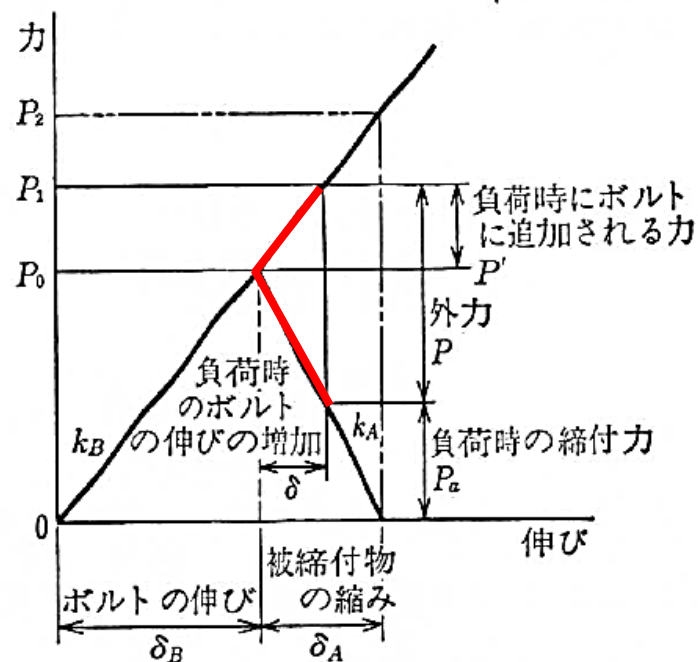
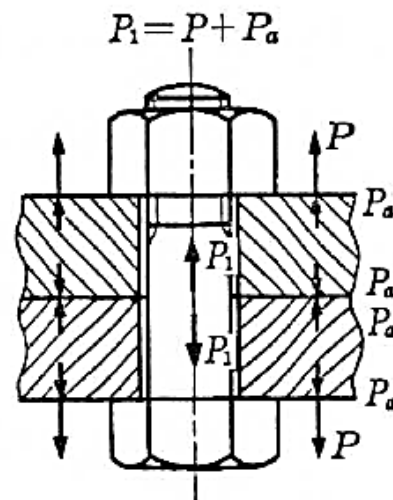


図 2・23 締付物に外力が加わったときの力-伸び線図

• 外力Pとボルトへの追加力P'との関係

使用中には、P1が降伏点を超えないように注意

$$P = \delta(k_A + k_B)$$

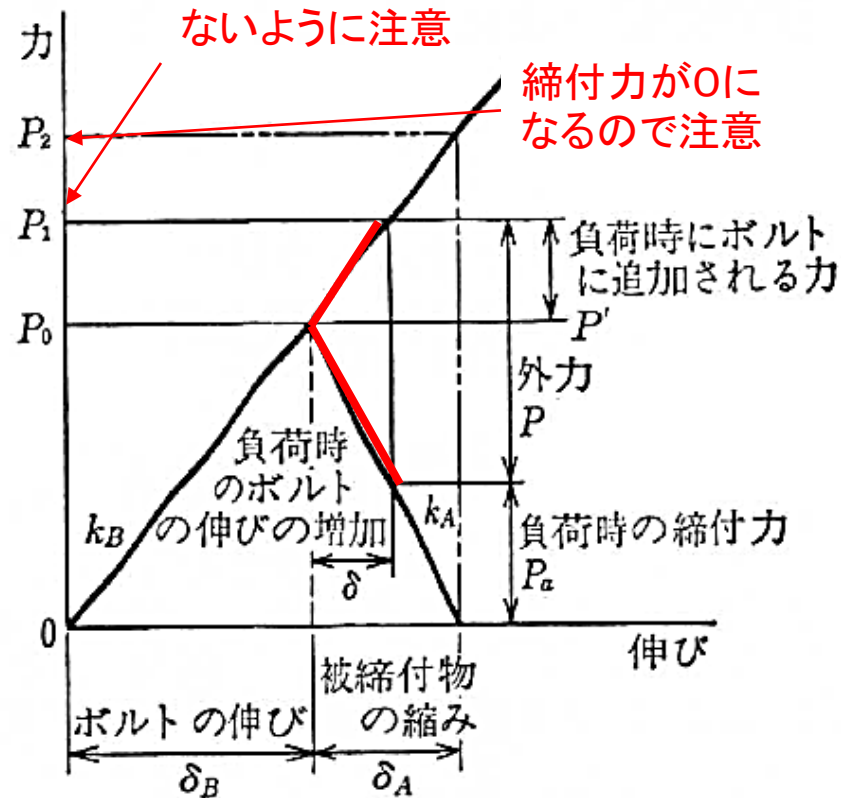
$$P' = \delta k_B$$

$$P' = \frac{k_B}{k_A + k_B} P = \Phi P$$

ボルトの内力係数

$$P_1 = P_0 + \Phi P$$

ボルトに追加される力と外力との比



締付力が0になるので注意

負荷時にボルトに追加される力

外力 P

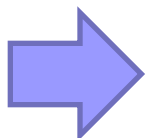
負荷時の締付力 Pa

図 2・23 締付物に外力が加わったときの力-伸び線図

締付力の減少による不具合を防ぐために、

$$P_a = P_1 - P = P_0 + P' - P$$

$$= P_0 + P(\Phi - 1) \geq 0.2P_0$$



$$P_0 \geq 1.25(1 - \Phi)P$$

必要締付力

ばね係数の求め方

被締付物

$$k_A = \frac{E_A A_q}{l}$$

縦弾性係数 E_A
相当断面積 A_q
長さ l

フリッシュェ(Fritsche)の式

$$A_q = \frac{\pi}{4} \left\{ \left(B + \frac{l}{10} \right)^2 - d_0^2 \right\}$$

剛

$$A_q = \frac{\pi}{4} \left\{ \left(B + \frac{l}{8} \right)^2 - d_0^2 \right\}$$

じゅ鉄

ボルトの2面幅 B ボルト穴の直径 d_0

ボルト

$$\frac{1}{k_B} = \frac{1}{E_B} \left(\frac{l_1}{A_1} + \frac{l_2}{A_2} \right)$$

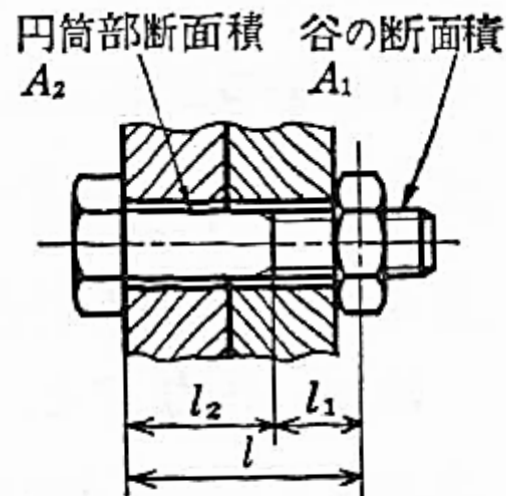


図 2・24 ボルトのばね定数

例題2.3

- 鋼製の圧力容器カバー ($E=260\text{kN/mm}^2$)
- M8のボルト6本
- 内圧 2.54N/mm^2 の時、ボルトに初期締付力の1/3以上の締付力が残るようにするためには、初期締付力はいくら以上にするべきか
- その時ボルトにかかっている力はいくらか。

まず、ばね係数を求める

-フランジのばね係数(式2.19)

$$k_A = \frac{E_A A_q}{l} = \frac{2.1 \times 10^4 \times 125}{25} = 1.05 \times 10^5 \text{ kgf/mm} \{1.03 \times 10^6 \text{ N/mm}\}$$

$$A_q = \frac{\pi}{4} \left\{ \left(B + \frac{l}{10} \right)^2 - d_0^2 \right\} = \frac{\pi}{4} \left\{ \left(13 + \frac{25}{10} \right)^2 - 9^2 \right\} = 125 \text{ mm}^2$$

-ボルトのばね係数(式2.20)

$$\frac{1}{k_B} = \frac{1}{E_B} \left(\frac{l_1}{A_1} + \frac{l_2}{A_2} \right) = \frac{1}{2.1 \times 10^4} \left(\frac{12+3.25}{(\pi/4)6.647^2} + \frac{13}{(\pi/4)8^2} \right)$$

$$= 3.324 \times 10^{-5}$$

$$k_B = 3 \times 10^4 \text{ kgf/mm} \{2.9 \times 10^5 \text{ N/mm}\}$$

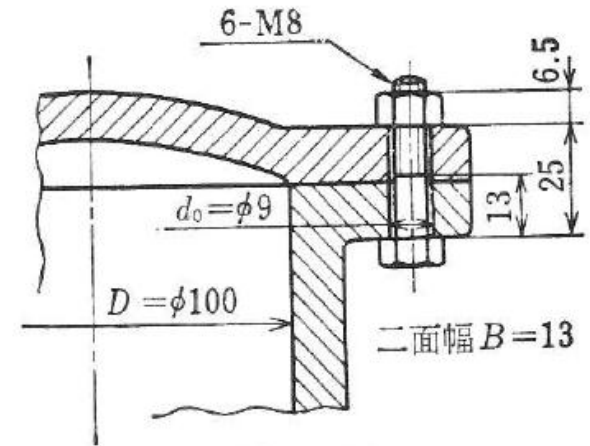


図 2.33

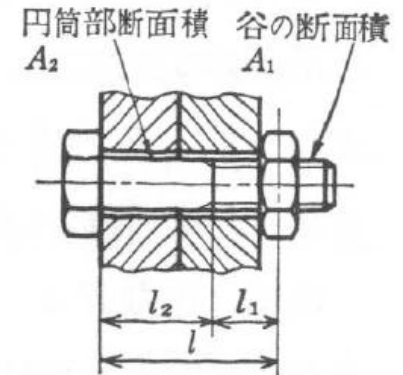


図 2.24 ボルトのばね定数

したがって、内力係数は、

$$\text{式 (2.17) から } \Phi = \frac{k_B}{k_A + k_B} = \frac{3}{10.5 + 3} \doteq 0.22$$

式2.18から、

$$P_0 + P(\Phi - 1) \geq P_0/3 \text{ より } P_0 \geq 1.5(1 - \Phi)P$$

内圧により1本のボルトに加わる外力Pは、

$$P = \frac{\pi}{4} D^2 p \times \frac{1}{n} = \frac{\pi \times 10^2 \times 25}{4 \times 6} = 327 \text{ kgf } \{3.2 \text{ kN}\}$$

引締付力 P_0 は、

$$P_0 \geq 1.5(1 - 0.22) \times 327 = 383 \text{ kgf } \{3.75 \text{ kN}\}$$

3f/cm² のときボルトにかかっている力 P_1 は、式 (2.17) から、

$$P_1 = P_0 + \Phi P = 383 + 0.22 \times 327 = 455 \text{ kgf } \{4.5 \text{ kN}\}$$