

5月19日の復習

クーロンの法則

2つの電荷 Q_1 [C]と Q_2 [C]が、距離 r [m]離れておかれているときに、電荷に働く電気力 F [N]は以下の式で与えられる。

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_s\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1Q_2}{r^2} \quad [\text{N}]$$

電界の定義

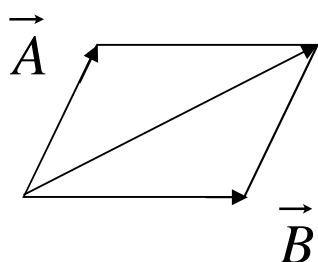
ある電荷内に+1 Cの電荷を置いた時、この電荷に1 Nの電気力が作用するとき、電界の強さを1 V/mと定義する。

定義から、電界 \vec{E} [V/m]のところ、電荷 Q [C]を置いた時、この電荷に働く電気力 \vec{F} [N]は、次式のようになる。

$$\vec{F} = Q\vec{E}$$

1 Cの点電荷に働く電気力の大きさが、電界の強さになる。
(つまり、 $Q=1$ と置いてみること。)

力(ベクトル)の合成



$$\vec{A} + \vec{B}$$

平行四辺形を描く。

対角線がベクトルの合成になる。

電気力線 : 電荷以内に正の電荷を置くと、この電荷は力を受けて移動する。この軌跡の事を言う。動く方向に矢印をつける。

電気力線の定義 : 電界 1 V/m のところで、電界(または電気力線)に垂直な 1 m² の面積を、垂直に貫く電気力線は1本である。

$$N = ES$$

ガウスの定理(前期の講義で最も重要なところ)

多数の電荷 (Q_1, Q_2, \dots, Q_n) が誘電体 ϵ の媒質中に存在するとき、電界中の任意の閉曲面 S (たとえば、風船の表面) を考える。閉曲面 S から出て行く電気力線の総数 N は、その閉曲面 S 内に含まれる電荷の総和の $1/\epsilon$ に等しい。

$$N = \frac{1}{\epsilon} \sum_{i=1}^n Q_i$$

$$\text{つまり } N = \frac{1}{\epsilon} (Q_1 + Q_2 + \dots + Q_n)$$

電界の強さの計算方法

点電荷の場合

クーロンの法則を用いて、1 Cに働く電気力を求める。

電荷が分布している場合

ガウスの定理および電界と電気力線の関係から求める。

1. ガウスの定理に用いる閉曲面の形

電界が一定で、垂直な面を持つ閉曲面を考える。

帯電体の形状

ガウスの定理に用いる閉曲面

利用する面

(電界が一定で、電界が垂直な面)

1. 球

球

球表面

2. 円柱(円筒)

円筒

円筒の側面

3. 平面

筒または直方体

筒または直方体の底面

2. ガウスの定理

閉曲面内にQ [C]の電荷があるとき、この閉曲面から出て行く電気力線の本数は

$$\frac{Q}{\epsilon} \text{ [本]}$$

である。

3. 電界と電気力線との関係

電界の強さがE [V/m]のところで、電界に垂直な面(S [m²])を考える。この面を貫く電気力線の本数は

$$ES \text{ [本]}$$

である。

4. 電界を求める

ガウスの定理から求まる電気力線の数と、電界と電気力線との関係から求まる電気力線の数
が等しいことから、電界を求める。

電位の定義

+1 Cの電荷を無限遠から求めたい点まで運ぶのに必要な仕事が電位であり、単位はボルト(V)である。

$$V(r) = \int_{\infty}^r 1 \times E(x) \times (-dx)$$

仕事の定義

(力) × (力を働かした方向に移動した距離)

1 Cに働く力: $1 \times E(x)$

引っ張って移動した微小距離: $-dx$

仕事: $[1 \times E(x)] \times (-dx)$

電磁気学で必要な積分の公式(暗記するように)

$$\int x dx = \frac{1}{2} x^2 + C, \quad \int dx = x + C,$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C, \quad \int \frac{1}{x^2} dx = -\frac{1}{x} + C$$

5月19日の宿題

宿題1 半径a [m]の**球表面**にQ [C]の電荷が一様に分布している。球の中心からr [m]の距離にある点Pにおける電位を求めよ。ただし、球内外の全領域にわたって誘電率はとする。

1 - 1 r > aの場合

1 - 1 - 1 電界の強さを求めよ。

1 - 1 - 2 電位を求めよ。

1 - 2 r < aの場合

1 - 2 - 1 電界の強さを求めよ。

1 - 2 - 2 電位を求めよ。

宿題2 半径a [m]の**球内**にQ [C]の電荷が一様に分布している。球の中心からr [m]の距離にある点Pにおける電位を求めよ。ただし、球内外の全領域にわたって誘電率はとする。

2 - 1 r > aの場合

2 - 1 - 1 電界の強さを求めよ。

2 - 1 - 2 電位を求めよ。

2 - 2 r < aの場合

2 - 2 - 1 電界の強さを求めよ。

2 - 2 - 2 電位を求めよ。